

1. zadání - Lávka A8:

Údaje ze statického výpočtu:

Ohybová tuhost –

hodnota ze statického výpočtu:

$$EI = 3,83 \cdot 10^9 \text{ Pa}\cdot\text{m}^4$$

Hmotnost – hodnota ze statického výpočtu:

$$\mu = 5\,300 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

Údaje o geometrii lávky:

Rozpětí lávky:

$$L = 25,1 \text{ m}$$

Statické schéma:

Prostý nosník

Údaje ze statické zatěžovací zkoušky lávky:

Hmotnost zkušebního zatížení při statické zatěžovací zkoušce:

$$\Delta\mu = 2\,202 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

Statický průhyb zjištěný uprostřed rozpětí lávky při statické zatěžovací zkoušce:

$$w(L/2) = 25,61 \text{ mm}$$

Údaje z dynamické zkoušky lávky:

Vlastní frekvence nosné konstrukce lávky:

| | frekvence 1992 [Hz] | frekvence 2013 [Hz] | $\Delta\mu$ [kg/m] |
|-------------|-----------------------------|-----------------------------|-------------------------|
| $f_{(1),0}$ | 2.70 | 2.72 | 0 |
| $f_{(2),0}$ | 8.875 | 9.31 | 0 |
| $f_{(3),0}$ | 19.75 | 23.63 | 0 |
| $f_{(1),1}$ | 2.30 | 2.30 | 2202 |

2. zadání - prostý nosník A:

$$L = 4,000 \text{ m}$$

$$f_{(1),0} = 3,606 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_0 = 0 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

$$f_{(1),1} = 2,499 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_1 = 50 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

$$f_{(1),2} = 2,019 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_1 = 100 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

3. zadání – prostý nosník B:

$$L = 2,240 \text{ m}$$

$$f_{(1),0} = 42,5 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_0 = 0 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

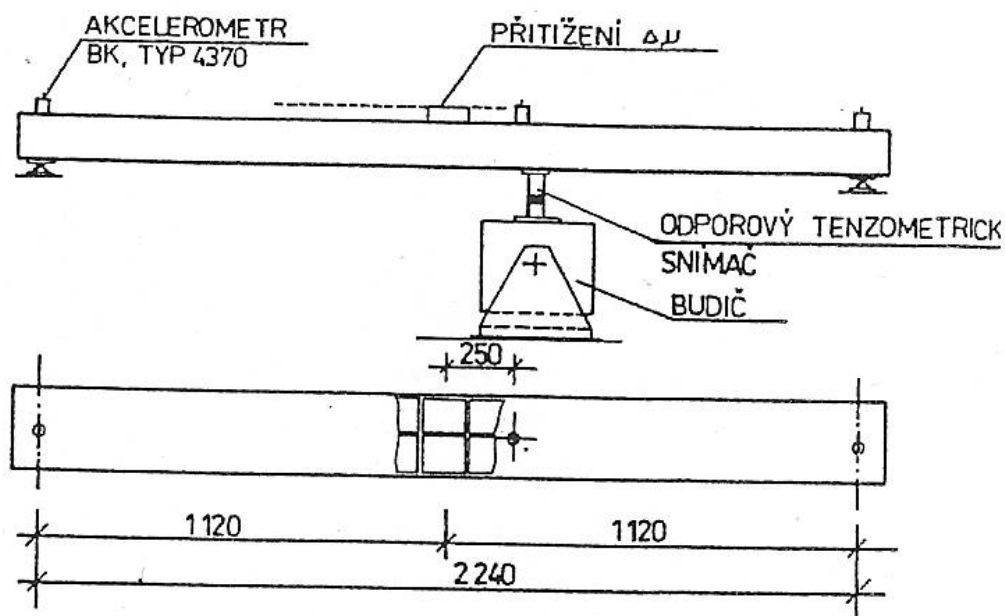
$$f_{(1),1} = 37,5 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_1 = 17,97 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

$$f_{(1),2} = 32,5 \text{ Hz}$$

$$\Delta\mu_1 = 53,9 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-1}$$

Článek Pirner, M. – Veselý, V.: Stanovení statických veličin konstrukce pomocí dynamické zatěžovací zkoušky



Obr. 2. Zkoušené železobetonové nosníky

$${}^1f_{(1)}^2 = a_1 = 1806,25 \text{ Hz}^2$$

$${}^2f_{(1)}^2 = a_2 = 1406,25 \text{ Hz}^2$$

$${}^3f_{(1)}^2 = a_3 = 1056,25 \text{ Hz}^2$$

a přírůstky hmotností

$$\Delta\mu_1 = b_1 = 17,97 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1}$$

$$\Delta\mu_2 = b_2 = 53,90 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1}$$

Získali jsme

$$x_1 = EI = 1,3773 \cdot 10^6 \text{ Nm}^2$$

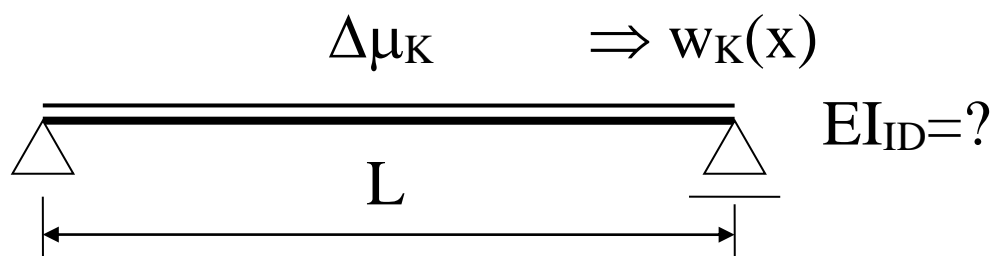
$$x_2 = \mu = 75,6 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1}$$

které se liší od skutečných hodnot takto:

x_1 je o 1,75% větší,

x_2 je o 0,8% větší.

STATICKÁ ZATĚŽOVACÍ ZKOUŠKA PRINCIP IDENTIFIKACE EI



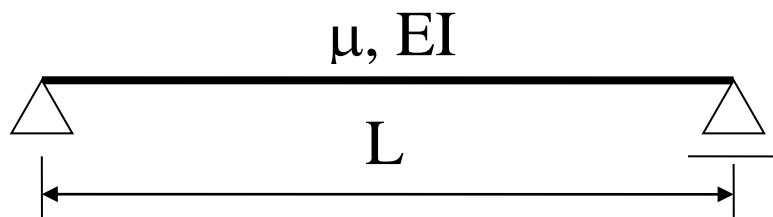
$$w_K\left(\frac{L}{2}\right) = \frac{5}{384} \frac{\Delta\mu_K g L^4}{EI_{ID}}$$

PRIZMATICKÝ PRUT

$$\lambda_{(j)} = L \sqrt[4]{\frac{\mu \omega_{(j)}^2}{EI}}$$

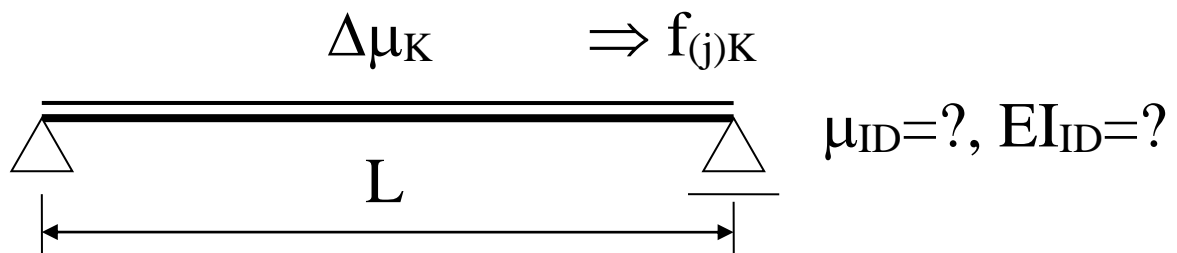
$$\left(\frac{\lambda_{(j)}}{L}\right)^4 EI = \mu \omega_{(j)}^2 = \mu 4 \pi^2 f_{(j)}^2$$

PROSTÝ NOSNÍK



$$\lambda_{(j)} = j \pi$$

PRINCIP IDENTIFIKACE μ, EI



$$\left(\frac{\lambda_{(j)}}{L}\right)^4 EI_{ID} = (\mu_{ID} + \Delta\mu_K) 4 \pi^2 f_{(j)K}^2$$

$$-\frac{\lambda_{(j)}^4}{4\pi^2 L^4} EI_{ID} + f_{(j)K}^2 \mu_{ID} = -\Delta\mu_K f_{(j)K}^2$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{\lambda_{(1)}^4}{4\pi^2 L^4} & f_{(1)0}^2 \\ -\frac{\lambda_{(2)}^4}{4\pi^2 L^4} & f_{(2)0}^2 \\ \vdots & \vdots \\ -\frac{\lambda_{(j)}^4}{4\pi^2 L^4} & f_{(j)k}^2 \\ \vdots & \vdots \\ -\frac{\lambda_{(m)}^4}{4\pi^2 L^4} & f_{(m)n}^2 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} EI_{id} \\ \mu_{id} \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -\Delta\mu_0 \cdot f_{(1)0}^2 \\ -\Delta\mu_0 \cdot f_{(2)0}^2 \\ \vdots \\ -\Delta\mu_k \cdot f_{(j)k}^2 \\ \vdots \\ -\Delta\mu_n \cdot f_{(m)n}^2 \end{Bmatrix}$$

$$[A] \{x\} = \{y\}$$

GAUSS – MARKŮV TEORÉM

$$[A]^T [A] \{x\} = [A]^T \{y\}$$